

5 1. La valeur du poids de l'électron est :

$$P = m_e g = 9,1 \cdot 10^{-31} \times 9,81 = 9,0 \cdot 10^{-30} \text{ N.}$$

La valeur de la force électrique est :

$$F = |e|E = 1,6 \cdot 10^{-19} \times 4 = 6,4 \cdot 10^{-19} \text{ N.}$$

Pour les comparer, effectuons le rapport :

$$\frac{F}{P} = \frac{6,4 \cdot 10^{-19}}{9,0 \cdot 10^{-30}} = 7 \cdot 10^{10} \gg 1$$

P est donc bien négligeable devant F .

2. a. Puisque le poids est négligeable, l'électron ne subit que la force électrique $\vec{F} = q\vec{E} = -e\vec{E} = eE\vec{j}$. Il va donc être dévié vers le haut.

b. Il ne pourra donc atteindre que la cible C si sa vitesse est adéquate.

3. a. D'après la 2^e loi de Newton dans le référentiel terrestre supposé galiléen, $\vec{F} = m_e \vec{a}$, où \vec{a} est l'accélération du système {électron}. On en déduit les coordonnées du vecteur

$$\text{accélération : } \vec{a} \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = \frac{eE}{m_e} \end{cases}$$

Par une première intégration, et d'après les conditions initiales pour la vitesse, $\vec{v}_0 = (v_0, 0)$:

$$\begin{cases} a_x = 0 = \frac{dv_x}{dt} \\ a_y = \frac{eE}{m_e} = \frac{dv_y}{dt} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} v_x = cste = v_0 \\ v_y = \frac{eE}{m_e} t + cste = \frac{eE}{m_e} t \end{cases}$$

Une seconde intégration donne les équations horaires du mouvement :

$$\begin{cases} v_x = v_0 = \frac{dx}{dt} \\ v_y = \frac{eE}{m_e} t = \frac{dy}{dt} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = v_0 t + cste = v_0 t \\ y = \frac{eE}{2m_e} t^2 + cste = \frac{eE}{2m_e} t^2 + y_0 \end{cases}$$

car le point origine du mouvement est le point $A(0, y_0)$.

b. On déduit des équations horaires du mouvement, l'équation de la trajectoire de l'électron. En effet, $t = \frac{x}{v_0}$, d'où $y = \frac{eEx^2}{2m_e v_0^2} + y_0$.

c. Ceci est l'équation d'une parabole, la trajectoire de l'électron est donc parabolique.

4. Les coordonnées du point C à atteindre sont : $\left(\ell, \frac{3y_0}{2}\right)$, remplaçons x et y par ces valeurs dans l'équation de la trajectoire :

$$\frac{3y_0}{2} = \frac{eE\ell^2}{2m_e v_0^2} + y_0. \text{ On en déduit :}$$

$$v_0 = \sqrt{\frac{eE\ell^2}{m_e y_0}} = \sqrt{\frac{1,60 \cdot 10^{-19} \times 4,0 \times (5,0 \cdot 10^{-2})^2}{9,11 \cdot 10^{-31} \times 2,0 \cdot 10^{-2}}} = 3,0 \cdot 10^5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}.$$